

高等教育出版社正式出版

HEP
MNFG 高校数学期末复习宝典

不挂科 高数叔 

概率论与数理统计 期末模拟试卷 (A2)

(试题选自高校期末试卷真题)



购买期末复习宝典

本模拟卷精解精讲视频请扫描



数字高教商城



关注领取数学期末复习宝典

概率论与数理统计期末模拟试卷(A2)

一、选择题（本题 24 分，每小题 3 分）

1. 设 $P(AB)=0$ ，则有（ ）.

- A. A 和 B 不相容 B. A 和 B 独立
C. $P(A)=0$ 或 $P(B)=0$ D. $P(A-B)=P(A)$

2. 甲袋中有 4 只红球，6 只白球；乙袋中有 6 只红球，10 只白球. 现从两袋中各取 1 球，则 2 球颜色相同的概率是（ ）.

- A. $\frac{6}{40}$ B. $\frac{15}{40}$ C. $\frac{19}{40}$ D. $\frac{21}{40}$

3. 设 $P\{X = -1\} = P\{Y = -1\} = P\{X = 1\} = P\{Y = 1\} = \frac{1}{2}$ ，两个随机变量 X ， Y 是相互独立且同分布，则下列各式中成立的是（ ）.



购买期末复习宝典

- A. $P\{X = Y\} = \frac{1}{2}$ B. $P\{X = Y\} = 1$
C. $P\{X + Y = 0\} = \frac{1}{4}$ D. $P\{XY = 1\} = \frac{1}{4}$

4. 设随机变量 $X \sim N(0,1)$ ， X 的分布函数为 $\Phi(x)$ ，则 $P(|X| > 2)$ 的值为（ ）.

- A. $2[1 - \Phi(2)]$ B. $2\Phi(2) - 1$
C. $2 - \Phi(2)$ D. $1 - 2\Phi(2)$



5. 对任意两个随机变量 X 和 Y , 若 $E(XY) = E(X)E(Y)$, 则 () .

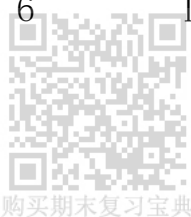
- A. X 与 Y 相互独立 B. X 与 Y 不独立
 C. $D(XY) = D(X)D(Y)$ D. $D(2X + Y) = D(2X - Y)$

6. 已知随机变量 X 服从参数为 2 的泊松分布, 即

$$P(X = k) = \frac{2^k e^{-2}}{k!} \quad (k = 0, 1, 2, \dots),$$

则随机变量 $Y = 3X - 2$ 的数学期望为 () .

- A. 2 B. 4 C. 6 D. 8



7. 设随机变量 $X \sim N(0, 1)$, $Y \sim N(0, 2)$, 并且 X 与 Y 相互独立, 下列哪个随机变量服从 χ^2 分布 () .

- A. $\frac{1}{3}X^2 + \frac{1}{2}Y^2$ B. $X^2 + \frac{1}{2}Y^2$ C. $\frac{1}{2}(X + Y)^2$ D. $\frac{1}{3}X^2 + \frac{2}{3}Y^2$

8. 样本容量为 n 时, 样本方差 S^2 是总体方差 σ^2 的无偏估计量, 这是因为 () .

- A. $ES^2 = \sigma^2$ B. $ES^2 = \frac{\sigma^2}{n}$ C. $S^2 = \sigma^2$ D. $S^2 \approx \sigma^2$



二、(本题 8 分) 已知一批产品中 90% 是合格品, 检查时, 一个合格品被误认为是次品的概率为 0.05, 一个次品被误认为是合格品的概率为 0.02, 求:

- (1) 一个产品经检查后被认为是合格品的概率;
- (2) 一个经检查后被认为是合格品的产品的确是合格品的概率.

三、(本题 10 分) 从学校乘汽车到火车站的途中有 3 个交通岗, 假设在各个交通岗遇到红灯的事件是相互独立的, 并且概率都是 $\frac{2}{5}$. 设 x 为途中遇到红灯的次数, 求 x 的分布律、分布函数、数学期望和方差.



四、(本题 10 分) 已知随机变量 X 和 Y 的概率分布为

X	- 1	0	1
P	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{4}$

Y	0	1
P	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$

而且 $P\{XY = 0\} = 1$.

- (1) 求随机变量 X 和 Y 的联合分布;
- (2) 判断 X 与 Y 是否相互独立?



五、(本题 12 分) 设二维随机变量 (X, Y) 在区域

$$D = \{(x, y) | x \geq 0, y \geq 0, x + y \leq 1\}$$

上服从均匀分布. 求:

- (1) (X, Y) 关于 X 的边缘概率密度;
- (2) $Z = X + Y$ 的分布函数与概率密度函数.

六、(本题 8 分) 设供电站供应某地区 1000 户居民用电, 各户用电情况相互独立. 已知每户每日用电量 (单位: 度) 服从 $[0, 20]$ 上的均匀分布, 利用中心极限定理求这 1000 户居民每日用电量超过 10100 度的概率. (所求概率用标准正态分布函数 $\Phi(x)$ 的值表示).



七、(本题 10 分) 设随机变量 (X, Y) 的联合概率密度函数为

$$f(x, y) = \begin{cases} 12y^2, & 0 \leq y \leq x \leq 1, \\ 0, & \text{其他,} \end{cases}$$

求 $E(X)$, $E(Y)$, $E(XY)$, 进一步判别 X 与 Y 是否不相关.



八、(本题 10 分) 设总体 X 的概率密度函数 $f(x, \theta) = \begin{cases} \frac{2\theta^2}{x^3}, & x > \theta, \\ 0, & x \leq \theta, \end{cases}$ 其中 $\theta > 0$ 为未知

参数, X_1, X_2, \dots, X_n 为其样本, 试求参数 θ 的矩估计 $\hat{\theta}_M$ 与极大似然估计 $\hat{\theta}_L$.

九、(本题 8 分) 某商店每天每百元投资的利润率 $X \sim N(\mu, 1)$ 服从正态分布, 均值为 μ , 长期以来方差 σ^2 稳定为 1, 现随机抽取的 100 天的利润, 样本均值为 $\bar{x} = 5$, 试求 μ 的置信水平为 95% 的置信区间. ($t_{0.05}(100) = 1.99$, $\Phi(1.96) = 0.975$.)

